



**QUICKY
LEARN**

১ম অধ্যায় : ভৌত রাশি এবং পরিমাপ.

(Physical Quantities and Their Measurements).

MAIN TOPICS :-

- (i) বিজ্ঞানের উত্থানপর্ব ও বিজ্ঞানীদের অবদান.
- (ii) ভৌত রাশি এবং তার পরিমাপ (Physical Quantities).
- (iii) পরিমাপের এককসমূহ (Units of Measurements).
- (iv) উপসর্গ বা গুণিতক (Prefix).
- (v) মাত্রা (Dimension).
- (vi) বৈজ্ঞানিক প্রতীক ও সংকেত (Scientific Symbols & Notation).
- (vii) জার্মানির স্কেল ও স্লাইড ব্যালিপিয়ার্স.
- (viii) পরিমাপের ত্রুটি ও নির্ভুলতা (Error and Accuracy).

ঐ পদার্থবিজ্ঞান (Physics):

- পদার্থ ও জাতির মধ্যকার অন্তঃক্রিয়া (interaction).
- পদার্থবিজ্ঞানের মূল লক্ষ্যঃ পর্যবেক্ষণ → পরিম্পন → বিশ্লেষণ → বস্তু ও জাতির রূপান্তর ও মধ্যকার উদঘাটন → পরিম্পনগত প্রবণতা ।

ঐ পদার্থবিজ্ঞানের পরিম্পর (Scope of Physics):

স্বাভাবিক পদার্থবিজ্ঞান	আধুনিক পদার্থবিজ্ঞান
(i) বলাবিজ্ঞান	(i) আনাবিক পদার্থবিজ্ঞান
(ii) জাতিবিজ্ঞান	(ii) পারম্পনাবিক পদার্থবিজ্ঞান
(iii) তাপ ও তাপগতি বিজ্ঞান	(iii) নিউক্লিয়ার পদার্থবিজ্ঞান
(iv) বিদ্যুৎ ও চৌম্বক বিজ্ঞান	(iv) কঠিন অবস্থার পদার্থবিজ্ঞান
(v) আলোক বিজ্ঞান	(v) পার্টিকেল ফিজিক্স

ঐ পদার্থবিজ্ঞানের উদ্দেশ্যঃ

- (i) প্রকৃতির রহস্য উদঘাটন
- (ii) পর্যবেক্ষণ করা
- (iii) প্রকৃতির নিয়মগুলো বর্ণনা
- (iv) প্রযুক্তির উন্নয়ন ঘটাতে
- (v) পদার্থবিজ্ঞান অধ্যয়ন একটি প্রকৃষ্ট মানাবিক প্রশিক্ষণ

ঐ পদার্থবিজ্ঞানের ক্রমবিকাশ:

• আদিপর্ব (BC 624-1031 খ্রিঃ) ↓

(i) গ্রিক মন্ত্যতার অবদান—

ঐ বিজ্ঞানীর নাম ঐ	ঐ অবদান ঐ
থেলিস (624-586 BC)	মূর্ঘ গ্রহণের ভবিষ্যতবাণী, নোড-স্টোনের চৌম্বক ধর্ম, কার্যকরন ও যুক্তি ভিত্তিক জ্ঞানের সূচনা
পীথাগোরাস (527 BC)	জ্যামিতি, কক্ষাঙ্কান তার ইত্যাদির উপর মৌলিক কাজ
ডেমোক্রিটাস (460 BC)	পদার্থের অবিভাজ্য একক (এটম)
অ্যারিস্টটল (460 BC)	স্মার্ট, পানি, বাতাস ও আগুন দিয়ে সবকিছু তৈরি মতবাদ
অ্যারিস্টারখাস (310 BC)	মূর্ঘকেন্দ্রিক সৌরজগতের ধারণা দেন
অ্যারিস্টমিডিস (287 BC)	প্লবতা, মোনাস আদের পরিমাণ, গোণীয় তামনাম প্রতিফলন
ইরাস্টাসমিনিস (276 BC)	পৃথিবীর ব্যাসার্ধ নির্ণয় করেন

(ii) ভারতীয় মন্ত্যতার অবদান—

অ্যারিস্টটল (476)	জ্বল্যের প্রথম মটিক ব্যবহার করেন
অন্যান্য	ব্রহ্মগুপ্ত, ভাস্করাচার্য জ্যামিতি ও জ্যোতির্বিদ্যা

(iii) মুসলিম অভ্যুত্থার অবদান—

বিজ্ঞানীর নাম	অবদান
আল খোয়ারিজমি (৭৮৩)	তার 'আল জাবির' বই থেকে 'Algebra' উদ্ভূত হয়
ইবনে আল হাইয়াম (১০১৫)	আলোক বিজ্ঞানের স্ফুটন
আল মামুদী (১১৭১)	প্রকৃতির ইতিহাস নিয়ে ৩০ খন্ডের এনসাইক্লোপিডিয়া
ওমর খৈয়াম (১১৩১)	কবি, গণিতবিদ, জ্যোতিষবিদ ও দার্শনিক

(iv) চীনা অভ্যুত্থার অবদান—

জেন কুয়ো (১০৩১)	ভ্রমণের সময় বস্কাগের ব্যবহার
------------------	-------------------------------

• বিজ্ঞানের উত্থানপূর্ব ইউরোপীয় বেনেমা (১৫৪৩ খ্রিঃ-১৮৬৭ খ্রিঃ) —

কোপার্নিকাস (১৫৪৩)	সূর্যকেন্দ্রিক মৌলভগতের ব্যাখ্যা
গ্যালিলিগু (১৫৬৪-১৬৪২)	আধুনিক বিজ্ঞান ও পরীক্ষামূলক বিজ্ঞানের জনক
নিউটন (১৬৪৩)	গতিমূল, মহাকর্ষ মূল, ক্যালকুলাস, অম্ভাবনাতত্ত্ব, আলোকবিজ্ঞান, বলবিদ্যা
বুলম্ব (১৭৭৮)	বৈদ্যুতিক চার্জের মধ্যবর্তন বল
কাউন্ট রাফফোর্ড (১৭৭৮)	তাপ এবং ধরনের ক্ষতি এবং যান্ত্রিক ক্ষতির সাথে একে রূপান্তর করা যায়
ভোল্টা (১৮০০)	বৈদ্যুতিক ব্যাটারি

ঐচ্ছিক বিজ্ঞানীর নাম	ঐচ্ছিক অবদান
ইয়ং (1801)	দ্বিটিব পৰীক্ষা
আৰম্‌স্টেড (1820)	বিদ্যুৎ প্রবাহের চৌম্বক ক্রিয়া
ফ্যারাডে ও হেনরি (1831)	চুম্বকের বৈদ্যুতিক প্রভাব
লর্ড কেলভিন (1850)	তাপগতিবিদ্যার ১ম ও ২য় সূত্র
ম্যাক্সওয়েল (1864)	বিদ্যুৎ চৌম্বকীয় তরঙ্গ হিমাতে আলোর ব্যাখ্যা

• আধুনিক পদার্থবিজ্ঞানের সূচনা (1803 খ্রিঃ-1931 খ্রিঃ)

ডাল্টন (1803)	পারমাণবিক তত্ত্ব
মাইকেলমেন ও মার্নি (1887)	ইথার অস্তিত্বহীন প্রমাণ
রবার্ট হুগেন (1895)	একত্রে আবিষ্কার
বেকেলে (1896)	শক্তিক্রিয়া আবিষ্কার (পরমানুর কেন্দ্র হতে)
থমসন (1897)	পরমানুর ভিতর ইলেকট্রন আবিষ্কার
পিয়ের ও মেরি কুরি (1899)	রেডিয়াম আবিষ্কার
ম্যাক্স প্লাঙ্ক (1900)	কোয়ান্টাম তত্ত্বের জন্ম
আইনস্টাইন (1905)	খিণ্ডারি অর রিলেটিভিটি বা আপেক্ষিক তত্ত্ব আবিষ্কার
রাদারফোর্ড (1911)	পরমানুর নির্ভরীয়তার আবিষ্কার
অ্যালেন বোম (1915)	বোম-আইনস্টাইন স্ট্যাটিস্টিক্স আবিষ্কার

শ্রীভিৎগার, পাউলি, হাইজেনবার্গ
(1900-1930)

বোহর, মাদাম মেবলানিও

পল ডিরাক (1931)

অ্যান্টোনি পাউকোন্স বা প্রাতি কণার আবিষ্কার

• সাম্প্রতিক পদার্থবিজ্ঞানঃ

- অর্ধ-পরিবাহী আবিষ্কার, ইলেকট্রনিক্সের যাত্রা শুরু।
- জাতিজানী এক্সেলের তৈরি, তা ব্যবহার করে নতুন মৌলিক কণা আবিষ্কার।
- 1924 : অডুইন হাবল-মন্ড্রআরনজানি মহাবিশ্ব তত্ত্বের ধারণা।
- ডার্ব ম্যাটার ও ডার্ব এনার্জির আন্টিমের প্রমাণ।
- মহাবিশ্বীয় তরঙ্গের আন্টিম আবিষ্কার।

ঐক্যতা রাশি এবং তার পরিমাপঃ

এই জগতে যা কিছু আমরা পরিমাপ করতে পারি, তাই রাশি।

রাশি ২ প্রকার → (i) মৌলিক রাশি (ii) লব্ধ রাশি

মৌলিক রাশি	লব্ধ রাশি
যেমন রাশি অন্য রাশির উপর নির্ভর করে না কিছু অন্যান্য রাশি নির্ভর করে	যেমন রাশি মৌলিক রাশির উপর নির্ভর করে বা মৌলিক রাশি থেকে লাভ করা যায়
মৌলিক রাশি স্বাধীন বা নিরপেক্ষ	লব্ধ রাশি স্বাধীন নয়
মৌলিক রাশি ৭টি	লব্ধ রাশি অসংখ্য
মৌলিক রাশির উদাহরণ হলো— দৈর্ঘ্য, ভর, সময় ইত্যাদি	লব্ধ রাশির উদাহরণ হলো— বল, ত্বরণ, ঘনত্ব ইত্যাদি

রাশি	SI Unit	একক	Symbol
দৈর্ঘ্য	meter	মিটার	m
ভর	kilogram	কিলোগ্রাম	kg
সময়	second	সেকেন্ড	s
বৈদ্যুতিক প্রবাহ	ampere	অ্যাম্পিয়ার	A
তাপমাত্রা	kelvin	কেলভিন	K
পদার্থের পরিমাণ	mole	মোল	mol
দীপন তীব্রতা	candela	ক্যান্ডেলা	cd

এক আতাটি ধ্রুবের নির্দিষ্ট করে দেওয়া মানঃ

একক	ধ্রুব	মান
মিটার (m)	✓ আলোর বেগ (c)	$299,792,458 \frac{\text{meter}}{\text{second}}$ $3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$
কিলোগ্রাম (kg)	✓ প্ল্যাংকের ধ্রুব (h)	$6.62607015 \times 10^{-34} \text{ Joule Second.}$ 1 Js
সেকেন্ড (s)	মিডিয়াম (C ₁₃₃) পরমানুর ক্ষয়ন	$9,192,631,770 \text{ hertz}$ 9.19×10^9
অ্যাম্পিয়ার (A)	✓ ইলেকট্রনের চার্জ (e)	$1.602176634 \times 10^{-19} \text{ coulomb / C}$
কেলভিন (K)	বোল্টজম্যান ধ্রুব (K _B)	$1.380649 \times 10^{-23} \text{ joule / kelvin / J K}^{-1}$
মোল (mol)	এভোগাদ্রোর ধ্রুব (N _A)	$6.02214076 \times 10^{23} \text{ particles / mole}$
ক্যান্ডেলা (cd)	বিকিরণ তীব্রতা (K _{cd})	683 lumens/watt

ঐ ইউনিটে ব্যবহৃত গুণিতক বা উপসর্গ :

ডেসা	da	10^1
হেক্টো	h	10^2
কিলো	k	10^3
মেগা	M	10^6
গিগা	G	10^9
টেরা	T	10^{12}
পেটা	P	10^{15}
এক্সা	E	10^{18}

ডেসি	d	10^{-1}
সেন্টি	c	10^{-2}
মিলি	m	10^{-3}
মাইক্রো	μ	10^{-6}
ন্যানো	n	10^{-9}
পিকো	p	10^{-12}
ফেমটো	f	10^{-15}
এটো	a	10^{-18}

ঐ মাত্রা:

মৌলিক রাশির দ্বারা বা সূচকসহ মাত্রা বলে।

দৈর্ঘ্য - (L), ভর - (M), সময় (T)।

• কয়েকটি ভৌত রাশির মাত্রার সংকেত →

$$(i) \text{ ক্ষেত্রফল} = [\text{দৈর্ঘ্য}] \times [\text{প্রস্থ}] = [\text{দৈর্ঘ্য}^2] = [L^2]$$

$$(ii) \text{ আয়তন} = [\text{দৈর্ঘ্য}] \times [\text{প্রস্থ}] \times [\text{উচ্চতা}] = [L^3]$$

$$(iii) \text{ ঘনত্ব} = \frac{[\text{ভর}]}{[\text{আয়তন}]} = \frac{[M]}{[L^3]} = [ML^{-3}]$$

$$(iv) \text{ বেগ} = \frac{[\text{সরণ}]}{[\text{সময়}]} = \frac{[L]}{[T]} = [LT^{-1}]$$

$$(v) \text{ ত্বরণ} = \frac{[\text{বেগ}]}{[\text{সময়}]} = \frac{[LT^{-1}]}{[T]} = [LT^{-2}]$$

$$(vi) \text{ ত্বরণবেগ} = [\text{ত্বরণ}] \times [\text{বেগ}] = [M] \times [LT^{-1}] = [MLT^{-1}]$$

$$(vii) \text{ বল} = [\text{ত্বরণ}] \times [\text{ত্বরণ}] = [M] \times [LT^{-2}] = [MLT^{-2}]$$

$$(viii) \text{ কাজ} = [\text{বল}] \times [\text{সরণ}] = [MLT^{-2}] \times [L] = [ML^2T^{-2}]$$

$$(ix) \text{ ক্ষমতা} = \frac{[\text{কাজ}]}{[\text{সময়}]} = \frac{[ML^2T^{-2}]}{[T]} = [ML^2T^{-3}]$$

$$(x) \text{ চাপ} = \frac{[\text{বল}]}{[\text{ক্ষেত্রফল}]} = \frac{[MLT^{-2}]}{[L^2]} = [ML^{-1}T^{-2}]$$

ঐক্য আনিয়ার স্কেল:

মূল স্কেলের ক্ষুদ্রতম ভাগের ভগ্নাংশের নির্ভুল পরিমাপের জন্য মূল স্কেলের পাশে যে ছোট একটি স্কেল ব্যবহার করা হয়, মোটি-ই হলো আনিয়ার স্কেল।

• আনিয়ারের 10 ভাগ মূল স্কেলের ১ ভাগের (১mm) সমান

• আনিয়ার ধ্রুবক → প্রধান স্কেলের ক্ষুদ্রতম এক ভাগের চেয়ে আনিয়ার স্কেলের এক ভাগ কতটুকু ছোট তার পরিমাণকে আনিয়ার ধ্রুবক বলে।

$$VC = \frac{S}{n}$$

ভাণ্ডারের ধ্রুবক
নির্ণয়ের সূত্রঃ

এখানে, VC = ভাণ্ডারের ধ্রুবক / Vernier Constant

S = মূল স্কেলের ক্ষুদ্রতম 1 ভাগের দৈর্ঘ্য (1mm)

n = ভাণ্ডারের স্কেলের ভাগ সংখ্যা

• ভাণ্ডারের সমন্বয় → ভাণ্ডারের স্কেলের যে দাগটি প্রধান স্কেলের কোনো একটি দাগের সাথে মিলিত হয় বা ধ্রুব বসে থাকে, তাই ভাণ্ডারের সমন্বয়।

• স্ক্রু গেজ (Screw Gauge) → একটি স্ক্রু বোয় যার স্কেলকে সামনে-পেছনে নিয়ে যে স্কেলে দৈর্ঘ্য মাপা হয়, তাই স্ক্রু গেজ।

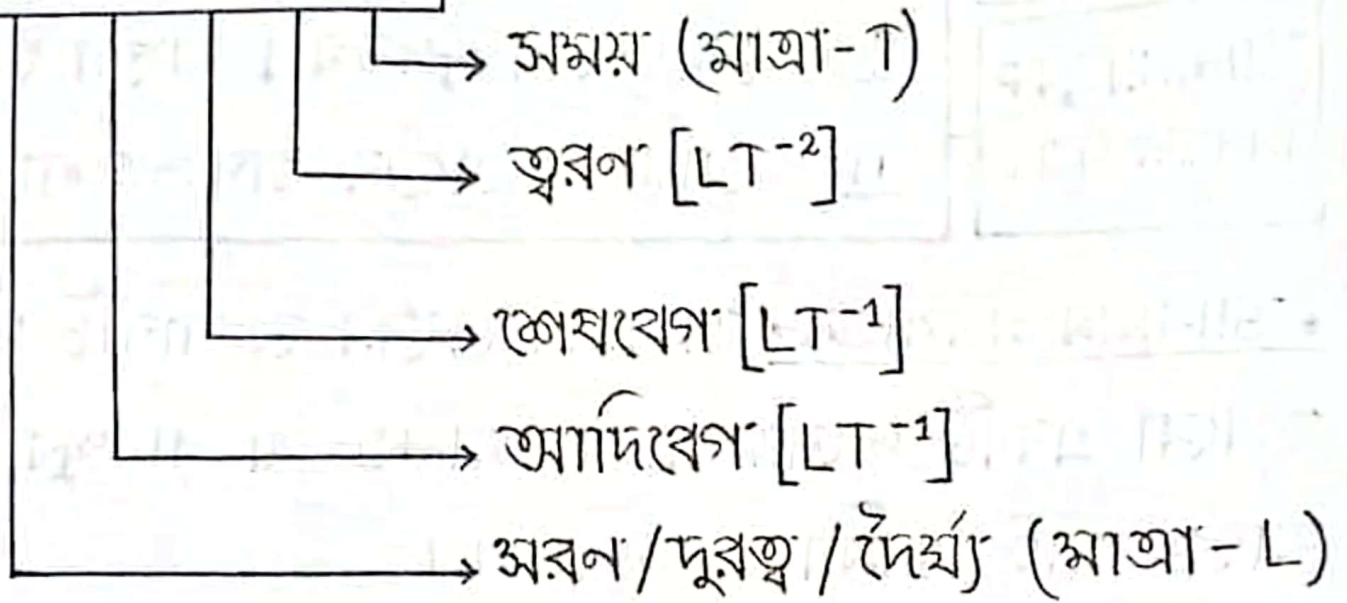
• পিচ (Pitch) → স্ক্রু গেজের টুপি একবার ঘোরালে এর যতটুকু সরণ ঘটে এবং বৈদিক স্কেল বরাবর যে দৈর্ঘ্য এটি অতিক্রম করে, তাই স্ক্রু গেজের পিচ বলে।

• স্ক্রু গেজের ন্যূনাঙ্ক → স্ক্রু গেজের বৃত্তাকার স্কেলের মাত্র এক ভাগ ঘুরালে এর প্রাক বা স্ক্রু গেজের যতটুকু সরে আসে তাই স্ক্রু গেজের ন্যূনাঙ্ক বলে।

$$\text{ন্যূনাঙ্ক} = \frac{\text{মূল স্কেলের ক্ষুদ্রতম এক ভাগের দৈর্ঘ্য}}{\text{বৃত্তাকার স্কেলের ভাগ সংখ্যা}} / LC = \frac{P}{n}$$

$$\text{বস্তুর দৈর্ঘ্য} = \text{মূল স্কেল পাঠ} + \text{ন্যূনাঙ্ক} \times \text{বৃত্তাকার স্কেল পাঠ}$$

S U V A I



- আয়তাকার বস্তুর আয়তন নির্ণয়ের সূত্র $\rightarrow$

$$V = L \times B \times H$$

V = আয়তন ; L = দৈর্ঘ্য
 B = প্রস্থ ; H = উচ্চতা

- গোলকের আয়তন নির্ণয়ের সূত্র $\rightarrow$

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$V = \frac{1}{6} \pi d^3$$

V = গোলকের আয়তন ;
 r = গোলকের ব্যাসার্ধ ;
 d = গোলকের ব্যাস

- দন্ডের / বেলনের আয়তন নির্ণয়ের সূত্র $\rightarrow$

$$V = \pi r^2 h$$

$$V = \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2 h$$

$$V = \frac{1}{4} \pi d^2 h$$

V = বেলনের আয়তন ;
 r = বেলনের ব্যাসার্ধ ;
 d = বেলনের ব্যাস ;
 h = বেলনের উচ্চতা

• সিলিন্ডারের ফাঁপা অংশের আয়তন নির্ণয়ের সূত্র →

$$\Delta V = V_2 - V_1$$

V_2 = বাইরের আয়তন

V_1 = ভিতরের আয়তন

• সিলিন্ডারের বক্রতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয়ের সূত্র →

$$A = 2\pi rh$$

A = সিলিন্ডারের বক্রতলের ক্ষেত্রফল;

r = ব্যাসার্ধ ; h = উচ্চতা

• গোলকের সম্মূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল নির্ণয়ের সূত্র →

$$A = 4\pi r^2$$

• শারঙ্গাণ্ডীয় বন্ধুর প্রক্ষাঙ্কেদে ক্ষেত্রফল নির্ণয়ের সূত্র →

$$A = \frac{1}{4} \pi d^2$$

• উচ্চতা / ব্যাস / দৈর্ঘ্য নির্ণয়ের সূত্র →

$$H/D/L = M + V \times VC$$

H = উচ্চতা ; D = ব্যাস ; L = দৈর্ঘ্য

M = প্রধান ক্ষেত্র পার্চ ; V = জার্নিসার সমপাতন

• অমীকরণ মিদ্ধ করা →

(i) $s = vt$

$$\text{L.H.S} = s$$

$$= L$$

$$\text{R.H.S} = vt$$

$$= LT^{-1} \times T$$

$$= L \frac{1}{T} \times T$$

$$= L \quad [\text{Proved}]$$

(ii) $v = u + at$

$$\text{L.H.S} = v$$

$$= LT^{-1}$$

$$= L \frac{1}{T}$$

$$\text{R.H.S} = u + at$$

$$= LT^{-1} + LT^{-2} \times T$$

$$= L \frac{1}{T} + L \frac{1}{T} \times T$$

$$= L \frac{1}{T} + L \frac{1}{T} \quad [\text{Proved}]$$

$$(iii) \underline{v^r = u^r + 2as}$$

$$L.H.S = v^r$$

$$= [LT^{-1}]^r$$

$$= L^r T^{-2}$$

$$= L^r \frac{1}{T^2}$$

$$R.H.S = 2as + u^r$$

$$= [LT^{-1}]^r + LT^{-2} \times L$$

$$= L^r \frac{1}{T^2} + L \frac{1}{T^2} \times L$$

$$= L^r \frac{1}{T^2} + L^r \frac{1}{T^2} \quad [Proved]$$

❏ পরিমাপের আউ ও নির্ভুলতা :

• চূড়ান্ত আউ → কোনো রাশি পরিমাপ করার সময় সম্ভাব্য সর্বোচ্চ আউকে চূড়ান্ত আউ বলে।

• যান্ত্রিক আউ → যন্ত্রের মধ্যকার আউই যান্ত্রিক আউ।

• দৈব আউ → কোনো একটি ধ্রুব রাশি কয়েকবার পরিমাপ করলে যে আউর কারণে পরিমাপকৃত মানের অসামান্যতা দেখা দেয়।

$$\bullet \text{ ক্ষতক্ষরা আনোক্ষিক অুটি} = \frac{\text{চুড়াক্ত অুটি}}{\text{পারিমাণবুত ঞান}} \times 100\%$$

$$\bullet \text{ ক্ষতক্ষরা তুলের হার} = \frac{\text{পরম অুটির পরিমাণ}}{\text{প্রবুত ব্যাম}} \times 100\%$$

$$\bullet \text{ চুড়াক্ত অুটি / পরম অুটি} = \frac{\text{মূল ক্ষেলের মুদ্রতম ডাগের দৈর্ঘ্য}}{2}$$

$$= \text{মূল ঞান} - \text{পারিমাণবুত ঞান}$$

Type-01: ভার্ণিয়ার স্কেল ও ক্রুগজ সম্পর্কিত

□ প্রয়োজনীয় সূত্রাবলিঃ

সূত্র	সংকেত	একক (SI)
• ভার্ণিয়ার ধ্রুবক, $VC = \frac{s}{n}$	VC = ভার্ণিয়ার ধ্রুবক s = প্রধান স্কেলের ক্ষুদ্রতম 1 ভাগের দৈর্ঘ্য n = ভার্ণিয়ার স্কেলের ভাগ সংখ্যা	m m একক নেই
• ন্যূনতম/লঘিষ্ঠ গণন $LC = \frac{p}{n}$	LC = ন্যূনতম p = যন্ত্রের পিচ n = বৃত্তাকার স্কেলের ঘর সংখ্যা	একক নেই m m
• দৈর্ঘ্য, $L = M + V.VC$	L = দৈর্ঘ্য M = প্রধান স্কেল পাঠ V = ভার্ণিয়ার সমপাতন VC = ভার্ণিয়ার ধ্রুবক	m m একক নেই m
• ব্যাস, $D = L + C.LC$	D = ব্যাস L = রৈখিক স্কেল পাঠ C = বৃত্তাকার স্কেলের পাঠ LC = লঘিষ্ঠ গণন	m m একক নেই একক নেই

১. একটি ভার্ণিয়ার স্কেলের 10 ভাগ প্রধান স্কেলের ক্ষুদ্রতম 9 ভাগের সমান হলে ভার্ণিয়ার ধ্রুবক নির্ণয় কর? (প্রধান স্কেলের ক্ষুদ্রতম এক ভাগের দৈর্ঘ্য 1 মি.মি.)

সমাধানঃ

আমরা জানি,
ভার্ণিয়ার ধ্রুবক,

$$VC = \frac{s}{n}$$

$$= \frac{1}{10}$$

$$\therefore VC = 0.1 \text{ mm}$$

এখানে,
প্রধান স্কেলের ক্ষুদ্রতম
1 ভাগের দৈর্ঘ্য, s = 1mm
ভার্ণিয়ার ভাগসংখ্যা, n=10
ভার্ণিয়ার ধ্রুবক, VC = ?

২. ক্রুগজের বৃত্তাকার স্কেলের ভাগসংখ্যা 50 এবং লঘিষ্ঠ গণন 0.01mm হলে, যন্ত্রের পিচ কত হবে?

সমাধানঃ

আমরা জানি,
ভার্ণিয়ার ধ্রুবক,

$$\text{লঘিষ্ঠ গণন} = \frac{\text{পিচ}}{\text{বৃত্তাকার স্কেলের ভাগসংখ্যা}}$$

$$\text{বা, পিচ} = \text{লঘিষ্ঠ গণন} \times \text{ভাগসংখ্যা}$$

এখানে,
ভার্ণিয়ার ভাগসংখ্যা,
n=50
লঘিষ্ঠ গণন=0.01mm
যন্ত্রের পিচ = ?

$$= 0.01 \times 50$$

$$\therefore \text{পিচ} = 0.5 \text{ mm}$$

৩. একটি দণ্ডকে ট্রাইড ক্যালিপার্সে ছাপনের পর প্রধান স্কেলের পাঠ পাওয়া গেল 5cm। ভার্ণিয়ার সমপাতন 2 এবং ভার্ণিয়ার ধ্রুবক 1mm হলে, দণ্ডটির দৈর্ঘ্য কত?

সমাধানঃ

$$L = M + V.VC$$

$$= 5 + 2 \times 0.1$$

$$= 5 + 0.2 \text{ cm}$$

$$= 5.2 \text{ cm}$$

এখানে,
প্রধান স্কেলের পাঠ, M= 5cm
ভার্ণিয়ার সমপাতন, V = 2
ভার্ণিয়ার ধ্রুবক, VC=1mm
= 0.1cm
দণ্ডটির দৈর্ঘ্য, L = ?

৪. রৈখিক স্কেলের পাঠ 3mm এবং বৃত্তাকার স্কেলের ভাগ সংখ্যা 20 হলে, তারের ব্যাস বা পুরুত্ব কত?

সমাধানঃ

$$D = L + C.LC$$

$$= 3 + 20 \times 0.01$$

$$= 3 + 0.2$$

এখানে,
রৈখিক স্কেল পাঠ, L= 3mm
বৃত্তাকার স্কেলের পাঠ, C=20

$$= 3.2\text{mm}$$

ন্যূনতম, LC = 0.01mm
ব্যাস বা পুরুত্ব, D = ?

৫. একটি গোলকের ব্যাস মাপার ক্ষেত্রে মূল ফেলের পাঠ 12.2cm পাওয়া গেল। ভার্নিয়ার ধ্রুবক 0.01cm এবং ভার্নিয়ার সমপাতন 5। যান্ত্রিক ত্রুটি নেই। গোলকের ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$\begin{aligned} D &= M + V \cdot VC \\ &= 12.2 + 5 \times 0.01 \\ &= 12.25 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{গোলকের ব্যাসার্ধ} &= \frac{12.25}{2} \\ &= 6.125\text{cm} \end{aligned}$$

এখানে,

মূল ফেলের পাঠ, M = 4cm
ভার্নিয়ার সমপাতন, V = 5
ভার্নিয়ার ধ্রুবক, VC = 0.01cm
ব্যাসার্ধ = ?

৬. একটি দন্তকে ট্রাইড ক্যালিপার্সে স্থাপনের পর যে পাঠ পাওয়া গেল তা হচ্ছে প্রধান ফেল 4cm, ভার্নিয়ার সমপাতন 7 এবং ভার্নিয়ার ধ্রুবক 0.1mm। দন্তটির দৈর্ঘ্য কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$\begin{aligned} L &= M + V \cdot VC \\ &= 4 + 7 \times 0.01 \\ &= 4 + 0.07 \\ &= 4.07\text{ cm} \end{aligned}$$

এখানে,

মূল ফেলের পাঠ, M = 4cm
ভার্নিয়ার সমপাতন, V = 7
ভার্নিয়ার ধ্রুবক, VC = 0.1mm
= 0.01cm
দন্তটির দৈর্ঘ্য, L = ?

৭. একটি দন্ডের দৈর্ঘ্য মূল ফেলে 5.2cm। ভার্নিয়ার সমপাতন 12। ভার্নিয়ার ধ্রুবক 0.05cm। দন্ডের প্রকৃত দৈর্ঘ্য কত ?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$L = M + V \cdot VC$$

এখানে,

মূল ফেলের পাঠ, M = 5.2cm

$$\begin{aligned} &= 5.2 + 12 \times 0.05 \\ &= 5.2 + 0.06 \\ &= 5.26\text{cm} \end{aligned}$$

ভার্নিয়ার সমপাতন, V = 12
ভার্নিয়ার ধ্রুবক, VC = 0.005cm

৮. দন্ডের দৈর্ঘ্য মূল ফেলে 22cm। ভার্নিয়ার ফেলের 20 ভাগ মূল ফেলের 19 ভাগের সমান। মূল ফেলের এক ঘরের দৈর্ঘ্য 1mm। ভার্নিয়ার সমপাতন 12। দন্ডের মূল দৈর্ঘ্য কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$\begin{aligned} VC &= \frac{s}{n} \\ &= \frac{1}{10} = 0.05\text{mm} \\ &= 0.005\text{cm} \end{aligned}$$

আবার,

আমরা জানি,

$$\begin{aligned} L &= M + V \cdot VC \\ &= 22 + 12 \times 0.005 \\ &= 22.06\text{cm} \end{aligned}$$

এখানে,

ফেলের পাঠ, M = 22cm
প্রধান ফেলের ক্ষুদ্রতম
1ভাগের দৈর্ঘ্য, s = 1mm
ভার্নিয়ার ভাগসংখ্যা, n = 20
ভার্নিয়ার সমপাতন, V = 12
দন্ডের মূল দৈর্ঘ্য কত = ?

৯. একটি ভার্নিয়ার ফেলের ক্ষুদ্রতম এক ঘরের পাঠ 1mm এর প্রধান ফেলের 20 ভাগ ভার্নিয়ার ফেলের 19 ভাগের সঙ্গে মিলে যায়। ভার্নিয়ার ধ্রুবক নির্ণয় কর?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

ভার্নিয়ার ধ্রুবক,

$$\begin{aligned} VC &= \frac{s}{n} \\ &= \frac{1}{20} = 0.05\text{mm} \\ &= 0.005\text{cm} \end{aligned}$$

এখানে,

প্রধান ফেলের ক্ষুদ্রতম
1ভাগের দৈর্ঘ্য, s = 1mm
ভার্নিয়ার ভাগসংখ্যা, n = 20
ভার্নিয়ার ধ্রুবক, VC = ?

Type-02: ক্ষেত্রফল ও আয়তন নির্ণয় সম্পর্কিত

□ প্রয়োজনীয় সূত্রাবলিঃ

সূত্র	সংকেত	একক
• সিলিন্ডারের ক্ষেত্রফল, $A = \pi r^2$	A = প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল	m^2
	r = ব্যাসার্ধ	m
	d = ব্যাস	m

$= \frac{1}{4} \pi d^2$		
• সিলিন্ডারের আয়তন, $V = \pi r^2 h$ $= \frac{1}{4} \pi d^2 h$	$A =$ সিলিন্ডারের আয়তন $r =$ ব্যাসার্ধ $d =$ ব্যাস $h =$ উচ্চতা	m^3 m m m
• আয়তাকার বস্তুর আয়তন, $V = L \times B \times H$	$V =$ আয়তন $L =$ দৈর্ঘ্য $B =$ প্রস্থ	m^3 m m
• গোলকের আয়তন, $V = \frac{4}{3} \pi r^3$	$V =$ আয়তন $r =$ ব্যাসার্ধ	m^3 m
• আপেক্ষিক ত্রুটি = $\frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}}$		

১০. 5 mm ব্যাস বিশিষ্ট একটি তারের প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

তারের ক্ষেত্রফল,

$$A = \pi r^2$$

$$= 3.1416 \times (2.5 \times 10^{-3})^2$$

$$= 19.64 \times 10^{-6} \text{ m}^2 \text{ [Ans.]}$$

১১. $\frac{7}{22}$ m দৈর্ঘ্য বিশিষ্ট একটি সিলিন্ডারের আয়তন 9m^3 হলে,

ব্যাস কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

তারের ক্ষেত্রফল,

$$V = \pi r^2 h$$

$$\text{বা, } r^2 = \frac{V}{\pi h}$$

$$\text{বা, } r = \sqrt{\frac{V}{\pi h}}$$

$$\text{বা, } r = \sqrt{\frac{9 \times 4 \times 22}{\pi \times 7}}$$

$$\therefore r = 12$$

$$\therefore d = \frac{r}{2} = \frac{12}{2} = 6\text{m [Ans.]}$$

১২. একটি গোলকের ব্যাস মাপার ক্ষেত্রে মূল স্কেলের পাঠ 12 cm পাওয়া গেল। ভার্নিয়ার দ্রবক 0.005cm এবং ভার্নিয়ার সমপাতন 12। গোলকের আয়তন কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$D = M + V \times VC$$

$$\text{বা, } D = 12 + 12 \times 0.05$$

$$\therefore D = 12.06 \text{ cm}$$

$$\therefore r = \frac{r}{2} = \frac{12.06}{2} = 6.03\text{cm}$$

গোলকের আয়তন,

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$= \frac{4}{3} \times 3.1416 \times (6.03)^3 = 918.42\text{cm}^3 \text{ [Ans.]}$$

১৩. গজের সাহায্যে একটি সিলিন্ডারের ব্যাস মাপার ক্ষেত্রে মূল স্কেলের পাঠ পাওয়া গেল 4.2 cm। বৃত্তাকার স্কেলের পাঠ 45। পিচ 1mm এবং বৃত্তাকার স্কেলের ভাগসংখ্যা 100। সিলিন্ডারটির ব্যাস এবং উচ্চতা সমান হলে, সিলিন্ডারের আয়তন কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$D = M + V \times VC$$

$$\text{বা, } D = 4.2 + 45 \times 0.001$$

$$\therefore D = 4.245 \text{ cm}$$

$$\therefore r = \frac{r}{2} = \frac{4.245}{2} = 2.1225\text{cm}$$

$$\therefore \text{উচ্চতা, } h = 4.245\text{cm}$$

গোলকের আয়তন,

$$\begin{aligned} V &= \pi r^2 h \\ &= 3.1416 \times (2.1225)^2 \times 4.245 \\ &= 60.08\text{cm}^3 \text{ [Ans.]} \end{aligned}$$

১৪. একটি সিলিন্ডারের দৈর্ঘ্য ও ব্যাস সমান। দৈর্ঘ্য মূল ফেলে 12 cm এবং ভার্ণিকার ফেলের পাঠ 0.05cm। সিলিন্ডারের আয়তন কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$L = \text{মূল ফেলের পাঠ} + \text{ভার্ণিকার ফেলের পাঠ}$$

$$\text{বা, } L = 12 + 0.05$$

$$\therefore L = 12.05\text{ cm}$$

$$\therefore L = h = 12.05$$

$$\text{প্রশ্নমতে, } L = D$$

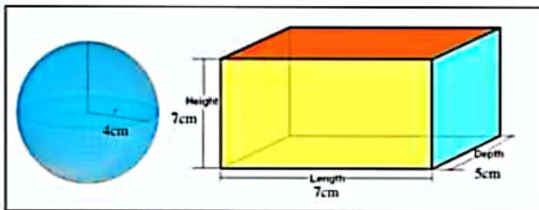
$$\therefore D = 12.05$$

$$\therefore r = \frac{D}{2} = \frac{12.05}{2} = 6.025\text{cm}$$

সিলিন্ডারের আয়তন,

$$\begin{aligned} V &= \pi r^2 h \\ &= 3.1416 \times (6.025)^2 \times 12.05 \\ &= 1374.2066\text{cm}^3 \text{ [Ans.]} \end{aligned}$$

১৫.১ ও ২নং চিত্রের আয়তনের অনুপাত কত?



সমাধানঃ

আমরা জানি, আয়তাকার বস্তুর আয়তন,

$$V = L \times B \times H$$

$$= 7 \times 5 \times 7$$

$$= 245\text{ cm}^3$$

আমরা জানি, গোলকের আয়তন,

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$= \frac{4}{3} \times 3.1416 \times (4)^3 = 268.0832\text{cm}^3$$

$$\therefore ১ \text{ নং ও } ২ \text{ নং আয়তনের অনুপাত} = 245 : 268.0832$$

$$= \frac{245}{268.0832} : \frac{268.0832}{268.0832}$$

$$= 0.9139 : 1 \text{ [Ans.]}$$

১৬. গোলকের ব্যাস মূল ফেলে 12cm। ভার্ণিকার সমপাতন 15।

ভার্ণিকার ধ্রুবক 1cm। গোলকের আয়তন কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$D = M + V \times VC$$

$$\text{বা, } D = 12 + 15 \times 0.01$$

$$\therefore D = 12.15\text{ cm}$$

$$\therefore r = \frac{r}{2} = \frac{12.15}{2} = 6.075\text{cm}$$

গোলকের আয়তন,

$$\begin{aligned} V &= \frac{4}{3} \pi r^3 \\ &= \frac{4}{3} \times 3.1416 \times (6.075)^3 = 939.136\text{cm}^3 \end{aligned}$$

[Ans.]

১৭. একটি ট্রাইড ক্যালিপার্সের প্রধান ফেলের ক্ষুদ্রতম ভাগের দৈর্ঘ্য 1mm এবং ভার্ণিকার ফেলের মোট ভাগ সংখ্যা ২০। ট্রাইড ক্যালিপার্সটির সাহায্যে একটি ফাঁপা সিলিন্ডারের ভিতরের ব্যাস ও গভীরতা নির্ণয়ের পাঠ নিম্নরূপ পাওয়া গেল?

পাঠের স্থান	প্রধান ফেল পাঠ(cm)	ভার্ণিকার সমপাতন
ব্যাস বরাবর (d)	5	15
গভীরতা বরাবর (h)	4.2	10

সিলিন্ডারটির 180cm³ পানি রাখা হলে তা পূর্ণ হবে কি?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

ভার্ণিকার ধ্রুবক,

$$VC = \frac{s}{n}$$

$$\text{বা, } VC = \frac{1}{20}$$

$$\text{বা, } VC = 0.05\text{mm}$$

$$\therefore V = 0.005\text{cm}$$

আবার,

$$D = M + V \times VC$$

$$\text{বা, } D = 5 + 15 \times 0.005$$

$$\therefore D = 5.075 \text{ cm}$$

আবার,

$$h = M + V \times VC$$

$$= 4.2 + 10 \times 0.05$$

$$\therefore h = 4.25 \text{ cm}$$

সিলিন্ডারের আয়তন,

$$V = \frac{1}{4} \pi d^2 h$$

$$= \frac{1}{4} \times 3.1416 \times (5.075)^2 \times 4.25$$

$$= 85.97 \text{ cm}^3$$

যেহেতু সিলিন্ডারের আয়তন 85.97 cm^3 সেহেতু

সিলিন্ডারটিতে 180 cm^3 পানি রাখা হলে তা পূর্ণ হবে। [Ans.]

১৮. একটি কু গজ দ্বারা একটি তারের প্রচ্ছেদের ক্ষেত্রফল নির্ণয় করার সময় ব্যাস 8 mm পাওয়া গেল। তারটির প্রচ্ছেদের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

সিলিন্ডারের ক্ষেত্রফল,

$$A = \frac{1}{4} \pi d^2$$

$$= \frac{1}{4} \times 3.1416 \times (8 \times 10^{-3})^2$$

$$= 5.02 \times 10^{-5} \text{ m}^2 \text{ [Ans.]}$$

১৯. ট্রাইড ক্যালিপার্সের সাহায্যে দৈর্ঘ্য ও কু গজের সাহায্যে দণ্ডটির ব্যাস নির্ণয় করা হলো। ট্রাইড ক্যালিপার্সে প্রধান ফেল পাঠ 5.2 cm , ভার্নিয়ার সমপাতন 5 এবং কু গজ রৈখিক ফেল পাঠ 3 mm এবং বৃত্তাকার ফেলের ভাগ সংখ্যা 12 পাওয়া গেল। ভার্নিয়ার ধ্রুবক 0.01 cm এবং লঘিষ্ঠ গণন 0.1 mm । AB দণ্ডটির আয়তন নির্ণয় কর?



সমাধানঃ

ট্রাইড ক্যালিপার্সে সাহায্যে AB দণ্ডটির দৈর্ঘ্য,

আমরা জানি,

$L = \text{প্রধান ফেলে পাঠ} + \text{ভার্নিয়ার ধ্রুবক} \times \text{ভার্নিয়ার সমপাতন}$

$$L = M + V \times VC$$

$$= 5.2 + (5 \times 0.01)$$

$$= 5.25 \text{ cm}$$

$$\therefore L = 0.0525 \text{ m}$$

কু-গজের সাহায্যে AB দণ্ডটির ব্যাস,

$= \text{রৈখিক ফেলে পাঠ} + \text{বৃত্তাকার ফেলের ভাগসংখ্যা} \times \text{লঘিষ্ঠ গণন}$

$$= 3 + (0.01 \times 12)$$

$$= 3.12 \text{ mm}$$

$$= 0.00312 \text{ m}$$

$$\therefore \text{ব্যাসার্ধ, } r = \frac{r}{2} = \frac{0.00312}{2} = 0.00156 \text{ m}$$

$$\therefore \text{দণ্ডটির আয়তন} = \pi r^2 l$$

$$= 3.1416 \times (0.00156)^2 \times 0.0525$$

$$= 4.014 \times 10^{-7} \text{ m}^3 \text{ [Ans.]}$$

২০. একটি ত্রুটিমুক্ত কু গজের কুকে একপাক ঘুরালে 0.5 mm সরে যায় এবং তখন বৃত্তাকার ফেলের 50 নম্বর দাগ রৈখিক ফেলের দাগের সাথে মিলে যায়। একটি অপেক্ষাকৃত মোটা তারের ব্যাস নির্ণয় করতে রৈখিক ফেল পাঠ 5.5 mm ও বৃত্তাকার ফেলের ভাগের সংখ্যা 5 করতে গেল। তারের প্রচ্ছেদের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

লঘিষ্ঠ গণন,

$$LC = \frac{\text{পিচ}}{\text{বৃত্তাকার ফেলের ভাগসংখ্যা}}$$

$$= \frac{p}{n} = \frac{0.5}{50} = 0.01 \text{ mm}$$

$\therefore$ তারের ব্যাস, $= \text{রৈখিক ফেলে পাঠ} + \text{বৃত্তাকার ফেলের}$

$\text{ভাগসংখ্যা} \times \text{লঘিষ্ঠ গণন}$

$$= 5.5 + 5 \times 0.01$$

$$= 5.55 \text{ mm}$$

$$\therefore \text{তারের ব্যাসার্ধ, } = \frac{r}{2} = \frac{5.55}{2} = 2.775 \text{ mm}$$

$$\therefore \text{তারের ক্ষেত্রফল, } A = \pi r^2$$

$$= 3.1416 \times (2.775)^2$$

$$= 24.19 \text{ mm}^2 \text{ [Ans.]}$$

Type-02: আপেক্ষিক ত্রুটি সম্পর্কিত

□ প্রয়োজনীয় সূত্রাবলিঃ

২১. একটি বর্গাকার বইয়ের দৈর্ঘ্য 92cm। ক্ষেত্রফল পরিমাপে আপেক্ষিক ত্রুটি কত? মনে করো তুমি যে রুলার দিয়ে মেপেছ তার ক্ষুদ্রতম একক = 1cm।

✍ সমাধানঃ

যেহেতু পরিমাপের জন্য cm স্কেল ব্যবহার করা হয়েছে সুতরাং ত্রুটি $\pm 0.5\text{cm}$ । কাজেই,

$$\text{দৈর্ঘ্য} = 92 \pm 0.5\text{cm}$$

$$\text{প্রস্থ} = 92 \pm 0.5\text{cm}$$

$$\begin{aligned} \therefore \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে বড় ক্ষেত্রফল} &= (92+0.5)(92+0.5) \\ &= 92.5 \times 92.5 \\ &= 8375.25 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

আবার,

$$\begin{aligned} \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে ছোট ক্ষেত্রফল} &= (92-0.5)(92-0.5) \\ &= 91.5 \times 91.5 \\ &= 8375.25 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{পরিমাপকৃত ক্ষেত্রফল} &= 92 \times 92 \\ &= 8464 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

সুতরাং ত্রুটি

$$\text{i. } |8464 - 8375.25| \text{ cm}^2 = 89.25$$

$$\text{ii. } |8375.25 - 8464| \text{ cm}^2 = 92.25$$

যেহেতু দুটি ত্রুটির মান সমান নয়, সেহেতু বড় ত্রুটিটি নিয়ে,

$$\begin{aligned} \therefore \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} &= \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}} \\ &= \frac{92.25}{8464} \times 100 \\ &= 1.09\% \text{ [Ans.]} \end{aligned}$$

২২. একটি বর্গাকার ঘরের দৈর্ঘ্য 92m। দৈর্ঘ্য পরিমাপে আপেক্ষিক ত্রুটি ৭%। ক্ষেত্রফল পরিমাপে আপেক্ষিক ত্রুটি কত?

✍ সমাধানঃ

যেহেতু দৈর্ঘ্য পরিমাপে আপেক্ষিক ত্রুটি ৭%। কাজেই, তার দৈর্ঘ্য পরিমাপ করা হলে,

$$\begin{aligned} \therefore \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে ছোট দৈর্ঘ্য} &= 92 \times 0.93 \\ &= 85.56\text{m} \end{aligned}$$

$$\therefore \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে বড় দৈর্ঘ্য} = 92 \times 1.07$$

$$= 98.44\text{m}$$

আবার,

$$\begin{aligned} \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে ছোট ক্ষেত্রফল} &= 85.56 \times 85.56 \\ &= 7320.5136 \text{ m}^2 \end{aligned}$$

এবং

$$\begin{aligned} \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে বড় ক্ষেত্রফল} &= 98.44 \times 98.44 \\ &= 9690.4336 \text{ m}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{পরিমাপকৃত আয়তন} &= 92 \times 92 \\ &= 8464 \text{ m}^2 \end{aligned}$$

সুতরাং ত্রুটি

$$\text{i. } |8464 - 7320.5136| \text{ cm}^3 = 1143.4846$$

$$\text{ii. } |9690.4336 - 8464| \text{ cm}^3 = 1226.4336$$

যেহেতু দুটি ত্রুটির মান সমান নয়, সেহেতু বড় ত্রুটিটি নিয়ে,

$$\begin{aligned} \therefore \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} &= \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}} \\ &= \frac{1226.4336}{8464} \times 100 \\ &= 14.49\% \text{ [Ans.]} \end{aligned}$$

২৩. এক আয়তাকার বাসকে cm স্কেল দ্বারা পরিমাপ করা হচ্ছে। পরিমাপে দৈর্ঘ্য = 10cm, প্রস্থ = 9cm এবং উচ্চতা = 8cm পাওয়া গেল। আয়তন নির্ণয়ে আপেক্ষিক ত্রুটি কত?

✍ সমাধানঃ

যেহেতু পরিমাপের জন্য cm স্কেল ব্যবহার করা হয়েছে সুতরাং ত্রুটি $\pm 0.5\text{cm}$ । কাজেই,

$$\text{দৈর্ঘ্য} = 10 \pm 0.5\text{cm}$$

$$\text{প্রস্থ} = 9 \pm 0.5\text{cm}$$

$$\text{উচ্চতা} = 8 \pm 0.5\text{cm}$$

$$\begin{aligned} \therefore \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে বড় আয়তন} &= (10+0.5)(9+0.5)(8+0.5) \\ &= 10.5 \times 9.5 \times 8.5 \\ &= 847.875 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

আবার,

$$\begin{aligned} \text{সম্ভাব্য সবচেয়ে ছোট আয়তন} &= (10-0.5)(9-0.5)(8-0.5) \\ &= 9.5 \times 8.5 \times 7.5 \end{aligned}$$

$$= 605.625 \text{ cm}^3$$

$$\begin{aligned} \text{পরিমাপকৃত আয়তন} &= 10 \times 9 \times 8 \\ &= 720 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

সুতরাং ত্রুটি

$$\text{iii. } |847.875 - 720| \text{ cm}^3 = 127.825$$

$$\text{iv. } |720 - 605.625| \text{ cm}^3 = 114.325$$

যেহেতু দুটি ত্রুটির মান সমান নয়, সেহেতু বড় ত্রুটিটি নিয়ে,

$$\begin{aligned} \therefore \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} &= \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}} \\ &= \frac{127.825}{720} \times 100 \\ &= 17.76\% [\text{Ans.}] \end{aligned}$$

২৪. একটি বাক্স স্কেল দ্বারা পরিমাপ করা হয়েছে। দৈর্ঘ্য 12cm, প্রস্থ 10cm ও উচ্চতা 8 cm। আয়তন নির্ণয় আপেক্ষিক ত্রুটি কত?

সমাধানঃ

যেহেতু পরিমাপের জন্য cm স্কেল ব্যবহার করা হয়েছে সুতরাং ত্রুটি $\pm 0.5\text{cm}$ । কাজেই,

$$\text{দৈর্ঘ্য} = 12 \pm 0.5\text{cm}$$

$$\text{প্রস্থ} = 10 \pm 0.5\text{cm}$$

$$\text{উচ্চতা} = 8 \pm 0.5\text{cm}$$

$\therefore$ সম্ভাব্য সবচেয়ে বড় আয়তন =

$$\begin{aligned} &(12+0.5)(10+0.5)(8+0.5) \\ &= 12.5 \times 10.5 \times 8.5 \\ &= 1115.625\text{cm}^3 \end{aligned}$$

আবার,

সম্ভাব্য সবচেয়ে ছোট আয়তন =

$$\begin{aligned} &(12-0.5)(10-0.5)(8-0.5) \\ &= 11.5 \times 9.5 \times 7.5 \\ &= 819.375\text{cm}^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{পরিমাপকৃত আয়তন} &= 12 \times 10 \times 8 \\ &= 960\text{cm}^3 \end{aligned}$$

সুতরাং ত্রুটি

$$\text{i. } |1115.625 - 960| \text{ cm}^3 = 155.625$$

$$\text{ii. } |960 - 819.375| \text{ cm}^3 = 140.625$$

যেহেতু দুটি ত্রুটির মান সমান নয়, সেহেতু বড় ত্রুটিটি নিয়ে,

$$\begin{aligned} \therefore \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} &= \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}} \\ &= \frac{155.625}{960} \times 100 \\ &= 16.21\% [\text{Ans.}] \end{aligned}$$

২৫. পরিমাপ করা ক্ষেত্রফল 200m^2 । কিন্তু ত্রুটির কারণে পরিমাপ করে পাওয়া গেল 188m^2 । আপেক্ষিক ত্রুটি কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$\begin{aligned} \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} &= \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}} \\ &= \frac{12}{200} \times 100 \\ &= 6\% [\text{Ans.}] \end{aligned}$$

২৬. চূড়ান্ত ত্রুটি 5m^2 । পরিমাপ করা মান 56m^2 হলে ক্ষেত্রফল নির্ণয় আপেক্ষিক ত্রুটি কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$\begin{aligned} \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} &= \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}} \\ &= \frac{5}{56} \times 100 \\ &= 8.93\% [\text{Ans.}] \end{aligned}$$

২৭. আপেক্ষিক ত্রুটি 10%। পরিমাপ করা মান 67 একক হলে, চূড়ান্ত ত্রুটি কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$\begin{aligned} \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} &= \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}} \\ \text{বা, চূড়ান্ত ত্রুটি} &= \text{পরিমাপকৃত মান} \times \text{আপেক্ষিক ত্রুটি} \\ &= 67 \times 10\% \\ &= 67 \times \frac{1}{10} \\ &= 6.7 \text{ একক} [\text{Ans.}] \end{aligned}$$

২৮. আপেক্ষিক ত্রুটি 10%। চূড়ান্ত ত্রুটি 6 একক হলে, পরিমাপ করা মান কত?

সমাধানঃ

আমরা জানি,

$$\text{আপেক্ষিক ত্রুটি} = \frac{\text{চূড়ান্ত ত্রুটি}}{\text{পরিমাপকৃত মান}}$$